

Exercice 1:

1- Calculer :

$$A = \frac{\sqrt[4]{9} \times \sqrt{\sqrt[3]{3^3 \sqrt{9}}}}{\sqrt[5]{81} \times \sqrt{\sqrt{\sqrt{3}}}} \quad ; \quad B = \frac{27^{\frac{2}{3}} \times 49^{\frac{1}{2}} \times 16^{\frac{3}{4}}}{(9\sqrt{3})^{\frac{2}{5}}} \quad ; \quad C = \text{Arctan} \left(\tan \left(\frac{-31\pi}{11} \right) \right)$$

2- Calculer les limites suivantes :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{x+1}-1}{x} \quad ; \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-1}{\sqrt[3]{4x+4}-2} \quad ; \quad \lim_{x \rightarrow 1^-} \text{Arctan} \left(\sqrt{\frac{x^2+1}{x^2-1}} \right)$$

Exercice 2: On considère les suites suivantes :

$$U_{n+1} = \frac{U_n}{1 + 2U_n} \quad ; \quad U_0 = \frac{1}{2} \quad (n \in \mathbb{N}) \quad \text{et} \quad V_n = 1 + \frac{1}{U_n} \quad (n \in \mathbb{N})$$

1- Montrer que $(V_n)_{n \geq 0}$ est une suite arithmétique, puis déterminer le premier terme V_0 et la raison r .

2- Exprimer V_n en fonction de n .

3- En déduire U_n en fonction de n .

• On pose : $S_n = V_0 + V_1 + \dots + V_{n-1} + V_n$

4- Calculer la somme S_n

Exercice 3: Soit la fonction définie sur l'intervalle $\left[\frac{1}{4}; +\infty\right[$ par :

$$f(x) = \sqrt{2x-1}$$

1- Etudier les variations de la fonction f

2- Donner le tableau de variations.

3- Montrer que la fonction f admet une fonction réciproque f^{-1} définie sur un intervalle J qu'il faut déterminer.

4- Déterminer $f^{-1}(x)$ pour tout x de J .

5- Construire dans un même repère les courbes C_f et $C_{f^{-1}}$.