

**Exercice 1:** On considère les deux propositions P et Q :

- 1- Donner la négation de la proposition P :  $(\forall x \in \mathbb{R})(\exists y \in \mathbb{R}^+) : x^2 = y$ .
- 2- Déterminer la valeur de vérité de chacune des propositions suivantes : P et  $\bar{P}$ .
- 3- Donner le tableau de vérité pour  $(\bar{P} \text{ ou } Q)$  et  $(P \Rightarrow Q)$ . que peut-on en conclure ?
- 4- Donner la négation de la proposition :  $P \Rightarrow Q$ .
- 5- En utilisant le raisonnement par la contraposée montrer que :

$$\forall x \in \mathbb{R}^* : \left[ \frac{x^2 + 9}{x} \neq 6 \Rightarrow x \neq 3 \right]$$

- 6- Montrer par récurrence que  $2^{3n} - 1$  est un multiple de 7 pour tout  $(n \in \mathbb{N})$ .

**Exercice 2:** on considère la fonction suivante :  $f(x) = x^2 - 1$

- 1- Etudier la parité de la fonction.
- 2- Montrer que -1 est une valeur minimale de la fonction f.
- 3- Donner le tableau de variations de la fonction f sur  $\mathbb{R}$ .
- 4- On considère la fonction g définis sur  $\mathbb{R}^* : g(x) = \frac{2}{x}$ 
  - 4-1 Déterminer  $f \circ g(x)$  et  $D_{f \circ g}$ .
  - 4-2 Donner le tableau de variations de la fonction g sur  $\mathbb{R}^*$ .
  - 4-3 Dédurre le tableau de variations de  $f \circ g(x)$ .

**Exercice 3:**

On considère les fonctions suivantes :  $f(x) = \frac{1}{4}x^3$  et  $g(x) = \sqrt{x+2}$

- 1- Déterminer le domaine de définition de Df et Dg.
- 2- Etudier la parité de la fonction f.
- 3- Calculer f(0) et f(2) et g(-2) et g(-1) et g(2).
- 4- Construire dans un même repère la courbe de f et de g.
- 5- Déterminer  $f([0, 2])$ .
- 6- Résoudre graphiquement l'inéquation  $g(x) \leq f(x)$