

Exercice 1:

- 1- On considère les nombres suivantes : $a=360$ et $b=756$
- Déterminer PGDC(a,b) et PPCM(a,b)
- 2- a et b et c sont des nombres réels tels que : $a=4n+6$ et $b=2n+3$
- 2-1 Etudier la parité de a et b.
- 2-2 Montrer que le nombre $a+b$ est un multiple de 3.
- 3- Soit n un entier naturel.
-
- 3-1 Développer : $(n+1)(n+2)$
- 3-2 Montrer que le nombre $n^2 + 3n + 2$ est pair.

Exercice 2:

- 1- Montrer que : $(\sqrt{6} - \sqrt{2})2\sqrt{2}(\sqrt{3} + 1) \in \mathbb{N}$
- 2- Factoriser : $4x^2 - 9$; $x^3 + 27$; $x^4 - x^2 + x + 1$
- 3- Simplifier : $A = \frac{4 \times 300^2 \times (2 \times 10^{-6})^{-2}}{(0,01)^{-3}}$
- 4- Pour tout nombre réel on pose : $B(x) = x^3 + 12x^2 + 48x + 58$
-
- 4-1 Montrer que : $B(x) = (x+4)^3 - 6$
- 4-2 Montrer que : $\frac{1}{\sqrt{2}-2} - \frac{3}{\sqrt{2}+2} = \sqrt{2} - 4$
- 4-3 Déduire la valeur de : $B = \left(\frac{1}{\sqrt{2}-2} - \frac{3}{\sqrt{2}+2} \right)$

Exercice 3: soit ABCD un parallélogramme, on considère les deux points N et M tels que :

$$\overrightarrow{AN} = 3\overrightarrow{AB} \quad \text{et} \quad \overrightarrow{DM} = 2\overrightarrow{AD}$$

- 1- Construire les deux points N et M.
- 2- Construire le point P tel que AMPN parallélogramme.
- 3- Calculer le vecteur \overrightarrow{AC} en fonction de \overrightarrow{AD} et \overrightarrow{AB}
- 4- Montrer que : $\overrightarrow{AP} = 3\overrightarrow{AB} + 3\overrightarrow{AD}$
- 5- Déduire que les points A et C et P sont alignés.

Exercice 4: ABC triangle et I le milieu de [BC] et J un point qui appartient à [AI]. soit E la projection de J sur (BC) en parallèle avec (AB), et F la projection de J sur (BC) en parallèle avec (AC).

- 1- Construire la figure.
- 2- Montrer que I est le milieu de segment [EF].