

Exercice 1: Le plan (P) muni d'un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) . On considère les points :

$$A(\sqrt{3}; 1) ; B(0; -2) ; C(1; 1) \text{ et la droite (D) de l'équation : } x + \sqrt{3}y = 0$$

- 1- Calculer $\cos(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB})$ et $\sin(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB})$
- 2- Déduire la mesure de l'angle $(\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB})$
- 3- Déterminer l'équation cartésienne de la droite (Δ) passante par A et perpendiculaire à (BC).
- 4- Déterminer les coordonnées du point H la projection orthogonale de A sur la droite (BC)

Exercice 2:

Soit ABC un triangle et J un point tel que $\overrightarrow{BJ} = 2\overrightarrow{BC}$ et G le barycentre de (A, 1) et (B, -1) et (C, 2).

- 1- Montrer que J est le barycentre de (B, -1) et (C, 2), puis construire le point J.
- 2- Construire le point K le barycentre de (A, 1) et (C, 2).
- 3- Montrer que le point G est le milieu du segment [AJ].
- 4- Montrer que les deux droites (AJ) et (BK) se coupent au point G.
- 5- Soit (E_1) l'ensemble des points M du plan vérifiant :

$$\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MJ}\| = \|\overrightarrow{2MC} - \overrightarrow{2MA}\|$$

- Montrer que (E_1) est un cercle de centre K et de rayon $AC = \frac{2}{3}$
- Montrer que le point A appartient au cercle (E_1)

Exercice 3: Le plan (P) muni d'un repère (O, \vec{i}, \vec{j}) . On considère les points :

$$A(4; -3) ; B(2; -5) ; C(0; 1) \text{ et } \Omega(2; -1)$$

Soit (E_2) l'ensemble des points M du plan vérifiant : $\overrightarrow{AM} \times \overrightarrow{CM} = 0$

- 1- Montrer que l'ensemble (E_2) est un cercle de centre Ω et de rayon $R = 2\sqrt{2}$
- 2- Donner une équation cartésienne du cercle (E_2)
- 3- Calculer : $\overrightarrow{A\Omega} \times \overrightarrow{AB}$, puis déduire que la droite (AB) est tangente au cercle (E_2) .
- 4- Déterminer une équation cartésienne pour (Δ) la tangente au cercle et perpendiculaire à la droite (AB).
- 5- Soit (D) la droite définie par l'équation cartésienne : $x + y + m^2 = 0$
 - Déterminer l'ensemble des nombres réels m sachant que la droite coupe le cercle en deux points différents.
 - Résoudre graphiquement le système suivant :
$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 4x + 2y - 3 \leq 0 \\ x + y + 1 > 0 \end{cases}$$