

Exercice 1:

1- Calculer A et B : $A = \left| \frac{\sqrt{2}-1}{-\sqrt{2}} \right| + \left| -\frac{\sqrt{2}}{2} \right|$ et $B = \sqrt{(5 + \sqrt{7})^2} + \sqrt{(\sqrt{7} - 5)^2}$

2- Déterminer l'intervalle qui contient le réel x :

$$\left| 3x - \frac{1}{2} \right| < 1 \quad \text{et} \quad |x - 1| \geq 2$$

3- x et y deux nombres réels tels que $0 < x < y$ comparer : $x\sqrt{y}$ et $y\sqrt{x}$

4- x et y deux nombres réels tels que : $\frac{1}{2} \leq x \leq \frac{2}{3}$ et $|3x + y| \leq \frac{2}{3}$

➤ Montrer que : $-2 \leq y \leq -\frac{1}{3}$

➤ Dédire que : $\frac{y}{x} \in \left[-4, -\frac{1}{2} \right]$

5- x et y deux nombres réels tels que $x > 0$ et $y < 0$, on pose : $C = \frac{9x-4y}{3x-2y}$

➤ Montrer que : $2 < C < 3$.

Exercice 2: Soit x un nombre réel tel que $x > 4$, on pose : $D = \frac{\sqrt{x}-1}{2}$

1- Montrer que : $D + 1 = \frac{x-1}{2(\sqrt{x}-1)}$

2- Montrer que : $|D + 1| < \frac{1}{2}|x - 1|$

3- Dédire que -1 est une valeur approchée du nombre $\frac{\sqrt{5,8}-1}{2}$ de précision 24×10^{-1}

Exercice 3: On considère La fonction polynomiale $f(x) = 2x^3 - x^2 - 5x - 2$

1- Montrer que La fonction polynomiale $f(x)$ est divisible par $(x + 1)$?

2- Démontrer en utilisant la division euclidienne que $P(x) = (x + 1)Q(x)$

3- Vérifier que 2 est une racine de la fonction polynomiale Q(x).

4- Dédire une factorisation pour P(x) en polynômes de premier degré.

Exercice 4: Soit x et y deux nombres réels strictement positifs tels que : $\sqrt{x} + \sqrt{y} = 1$.

1- Montrer que : $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \geq \frac{2}{\sqrt{xy}}$

2- Montrer que : $\frac{1}{xy} \geq 16$

3- Dédire que : $\left(1 + \frac{1}{x}\right)\left(1 + \frac{1}{y}\right) \geq 25$