

**Exercice 1:**

**PARTIE A**

Soit  $u$  la fonction définie sur  $]0 ; +\infty[$  par :

$$g(x) = \ln(x) + x - 3$$

- 1- Justifier que la fonction  $u$  est strictement croissante sur l'intervalle  $]0 ; +\infty[$ .
- 2- Démontrer que l'équation  $g(x) = 0$  admet une unique solution  $a$  comprise entre 2 et 3.
- 3- En déduire le signe de  $g(x)$  en fonction de  $x$ .

**PARTIE B**

Soit  $f$  la fonction définie sur l'intervalle  $]0 ; +\infty[$  par :

$$f(x) = \left(1 - \frac{1}{x}\right) (\ln x - 2) + 2$$

On appelle  $C_f$  la courbe représentative de la fonction  $f$  dans un repère orthogonal.

- 4- Déterminer la limite de la fonction  $f$  en 0.
- 5- Démontrer que pour tout réel  $x$  de l'intervalle  $]0 ; +\infty[$ ,  $f(x) = \frac{u(x)}{x^2}$  où  $u$  est la fonction définie dans la partie A.
- 6- En déduire le sens de variation de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $]0 ; +\infty[$ .

**PARTIE C**

Soit  $C_{f'}$  la courbe d'équation  $y = \ln(x)$ .

- 7- Démontrer que pour tout réel  $x$  de l'intervalle  $]0 ; +\infty[$ ,  $f(x) - \ln(x) = \frac{2 - \ln(x)}{x}$
- 8- En déduire que les courbes  $C_f$  et  $C_{f'}$  ont un seul point commun dont on déterminera les coordonnées.
- 9- Tracer  $C_f$  et  $C_{f'}$

**Exercice 2:**

On considère trois points du plan A, B, C et D dont les affixes sont :

$$Z_A = 2 - 2i, \quad Z_B = -1 + 7i, \quad Z_C = 4 + 2i \text{ et } Z_D = -4 - 2i$$

- 1- Montrer que les points D et C sont symétriques par rapport au point O.
- 2- Calculer les distances AB et BC.
- 3- Donner la forme trigonométrique de  $Z_A$
- 4- Ecrire sous la forme algébrique les nombres complexes suivants :  $\frac{Z_A}{Z_C}$  et  $\frac{Z_B}{Z_C}$
- 5- Soit  $\Omega$  un point d'affixe :  $\omega = -1 + 2i$ 
  - Montrer que les points A, B, C et D appartient au cercle de centre  $\Omega$  et de rayon  $R$  qu'il faut le déterminer.
- 6- Soit le point E le milieu du segment [AB] et e son affixe
  - Comparer  $\frac{a - e}{d - e}$  et  $\frac{c - e}{a - e}$
  - Que représente la droite (AE) pour l'angle  $(\overrightarrow{ED}; \overrightarrow{EC})$