

**Exercice 1:** Comparer les nombres réels a et b dans chacun des cas suivants :

$$a = -2\sqrt{7} \quad \text{et} \quad b = -4\sqrt{3}$$

$$a = 2 + 2\sqrt{7} \quad \text{et} \quad b = 2 + 4\sqrt{3}$$

$$a = 5 + \sqrt{2} \quad \text{et} \quad b = \sqrt{25 + 10\sqrt{2}}$$

$$a = \frac{1+\sqrt{2}}{2+\sqrt{2}} \quad \text{et} \quad b = \frac{4+\sqrt{2}}{7}$$

**Exercice 2:**

1-simplifier l'expression suivante :

$$A = |\sqrt{2} + 5| - |\sqrt{2} - 5| + |4\sqrt{2} - 3\sqrt{5}|$$

2- simplifier l'expression suivante pour x et y deux nombres réels tels que :  $x < 1 < y$

$$B = |2x - 2| + 3|y - 1| - \sqrt{(x - 1)^2} + |x - y|$$

**Exercice 3:**

1- Déterminer l'intervalle qui contient le réel x puis faire une représentation sur la droite numérique dans les cas suivants:

$$-4 \leq x < 1 \quad ; \quad x > 3 \quad ; \quad x \leq \frac{3}{4} \quad ; \quad x^2 \leq 1$$

$$|3 - x| \leq 2 \quad ; \quad |1 - 4x| \geq 4$$

2- Dans chacun des cas suivants, représenter les deux intervalles I et J sur un axe, en déduire  $I \cup J$  et  $I \cap J$ .

$$I = ]-3; 2] \quad \text{et} \quad J = ]-1; 5]$$

$$I = ]-\infty; 2] \quad \text{et} \quad J = ]-2; 5]$$

$$I = [-4; 2] \quad \text{et} \quad J = ]2; 8]$$

$$I = [-5; -2] \quad \text{et} \quad J = ]-3; +\infty]$$

**Exercice 4 :**

1) Représenter sur la droite numérique les ensembles:

- $\{x \in \mathbb{R} : |x - 1| \leq 4\}$
- $\{x \in \mathbb{R} : |x + 3| \leq 1\}$
- $\{x \in \mathbb{R} : |x - 4| \geq 2\}$

2) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les équations suivantes:

- $|3x - 1| = 5$
- $|2 - x| = |4x + 3|$

- $|2x + 1| + 4x - 1 = 0$

3) Résoudre dans  $\mathbb{R}$  les inéquations suivantes:

- $|2 - x| \leq |4x + 3|$

- $|2x + 1| + 4x - 1 \geq 0$

**Exercice 5:** soient  $x$  et  $y$  deux nombres réels tels que :  $-1 \leq 2x - 5 \leq 7$  et

$$|y| + 4 \leq 9$$

1. Montrer que :  $2 \leq x \leq 6$  et  $-5 \leq y \leq 5$

2. Encadrer les nombres suivants :  $x+y$  ;  $x-5y+1$  ;  $x(y+5)$  ;  $y^2 - 7y$

$$\frac{7+y}{x-1}$$

3. Montrer que :  $|y(x-4)| \leq 10$

4. Ecrire le nombre suivant sans racine carrée et sans valeur absolue :

$$A = \sqrt{(y^2(x-4)^2 - 100)^2}$$

**Exercice 6:**  $b$  est un nombre réel tel que :  $|b| < 1$

On pose  $A = b^3 + b^2 - 5b + 3$

1. Montrer que :  $-3 < A < 10$  .

2. Vérifier que :  $A = (b+3)(b-1)^2$ .

3. Dédire que :  $0 < A < 16$  .

4. Montrer que :  $|A-5| < 5$ .

**Exercice 7:**  $x$  est un nombre positif

1- Montrer que :  $1 + \frac{1}{2}x \geq \sqrt{x+1}$  et  $1 + \frac{1}{2}x + \sqrt{x+1} \geq 2$

2- Vérifier que :  $1 + \frac{1}{2}x - \sqrt{x+1} = \frac{\frac{1}{4}x^2}{1 + \frac{1}{2}x + \sqrt{x+1}}$

3- Dédire que :  $1 + \frac{1}{2}x - \sqrt{x+1} \leq \frac{1}{8}x^2$ .

4- Montrer que :  $|\sqrt{x+1} - (1 + \frac{1}{2}x)| \leq \frac{x^2}{8}$

5- Donner une valeur approchée du nombre  $\sqrt{x+1}$  de précision  $5 \times 10^{-5}$ .

**Exercice 8:**  $x$  est un nombre positif

1- Vérifier que :  $\frac{1}{x+1} = 1 - x + x^2 - \frac{x^3}{x+1}$

2- Montrer que :  $0 \leq \frac{x^3}{x+1} \leq x^3$

3- Dédire que :  $|\frac{1}{x+1} - (1 - x + x^2)| \leq x^3$

4- Donner une valeur approchée du nombre  $\frac{1}{1,01}$  de précision  $10^{-6}$ .