

**Exercice 1:** Soit ABC un triangle équilatéral tel que :  $BC = 6$ . On considère les deux points M et D tel que :  $\overrightarrow{AD} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{BM} = \frac{1}{4} \overrightarrow{BC}$ . la droite qui passe par D est parallèle à (BC) coupe (AM) au point E et coupe (AC) au point F.

- 1- Construire la figure .
- 2- Comparer :  $\frac{DF}{BC}$  et  $\frac{DE}{BM}$
- 3- Montrer que :  $DE = \frac{1}{2}$  et  $DF = 2$

**Exercice 2:** Soit ABCD un parallélogramme de centre O.  $A'$  est la projection de A sur la droite (DC) parallèlement à (DB).

- 1- Faire une figure.
- 2- Montrer que :  $\overrightarrow{A'D} = \overrightarrow{DC}$ .
- 3- Soit E un point de la droite (BC) tel que  $A'$  la projection de E sur (DC) parallèlement à (BD). Montrer que A est le milieu du segment  $[A'E]$  ?
- 4- Soit R le point d'intersection de deux droites (EO) et (DC).
  - Montrer que :  $\overrightarrow{EO} = \frac{3}{4} \overrightarrow{ER}$

**Exercice 3:**

ABC un triangle et  $A'$  le milieu de  $[BC]$  . Soit D un point tel que  $\overrightarrow{AD} = \frac{3}{4} \overrightarrow{AA'}$ .

- 1- Construire les points E et F tel que E est le projeté de D sur (BC) parallèlement à ( AB) et F est le projeté de D sur (BC) parallèlement à ( AC) .
- 2- Montrer que  $\overrightarrow{BE} = \frac{3}{4} \overrightarrow{BA'}$  et  $\overrightarrow{CF} = \frac{3}{4} \overrightarrow{CA'}$  .

**Exercice 4 :** Soient ABC un triangle et I et J deux points définies par:  $\overrightarrow{AI} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{AJ} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AB}$  .

- 1- Montrer que J est la projection de I sur (AB) parallèlement à (BC)
- 2- Soit M le milieu du segment  $[BC]$ , la droite (AM) coupe (IJ) en G
  - a) Montrer que :  $\overrightarrow{AG} = \frac{2}{3} \overrightarrow{AM}$  .
  - b) Que représente le point G pour le triangle ABC.

**Exercice 5:** Soit  $ABCD$  un parallélogramme de centre  $O$ . On considère les points  $M$  et  $P$  tels que:  $\overrightarrow{DP} = \frac{2}{3} \overrightarrow{DB}$  et  $\overrightarrow{PM} = -\overrightarrow{PC}$ .

- 1- Montrer que  $\overrightarrow{AM} = 2 \overrightarrow{OP}$  et  $\overrightarrow{OP} = \frac{1}{3} \overrightarrow{OB}$ .
- 2- En déduire que  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3} \overrightarrow{DB} = \overrightarrow{PB}$
- 3- Soit  $H$  est la projection de  $M$  sur  $(AB)$  parallèlement à  $(BC)$ ;
  - Montrer que  $\overrightarrow{AH} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$  et que  $(AC) \parallel (HP)$
- 4- La droite  $(HP)$  coupe la droite  $(AM)$  en  $I$ ;
  - Montrer que  $I$  est milieu du segment  $[AM]$
- 5- Soit  $J$  le point d'intersection de  $(PM)$  et  $(AB)$  ;
  - Montrer que  $J$  est milieu du segment  $[PM]$

**Exercice 6:** Soit  $ABC$  un triangle,  $E$ ,  $F$  et  $D$  trois points qui sont définis par :

$$\overrightarrow{AE} = 2 \overrightarrow{AB} \quad ; \quad \overrightarrow{AF} = 3 \overrightarrow{AC} \quad ; \quad \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AE} + \overrightarrow{AF}$$

La droite qui passe par  $E$  et parallèle à  $(BC)$  coupe  $(AD)$  en  $I$ .

La droite qui passe par  $F$  et parallèle à  $(BC)$  coupe  $(AD)$  en  $J$ .

- 1- Construire la figure.
- 2- Montrer que :  $\overrightarrow{ID} = \overrightarrow{AJ}$
- 3- Soit  $K$  le point d'intersection de  $(BC)$  et  $(AD)$  :
  - Montrer que :  $\overrightarrow{AK} = \frac{1}{5} \overrightarrow{AD}$

**Exercice 7:**

Soit  $ABC$  est triangle.

- 1- Construire le point  $M$  tel que :  $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{3} \overrightarrow{CB}$
- 2- Soit  $M'$  est la projection de  $M$  sur  $(AB)$  parallèlement à  $(AC)$ ;
  - Montrer que :  $\overrightarrow{AM'} = \frac{1}{3} \overrightarrow{AB}$
- 3- Soit  $I$  est le milieu du segment  $[BC]$  et  $P$  un point tel que :  $\overrightarrow{IP} = \frac{1}{2} \overrightarrow{AM}$ 
  - Montrer que :  $\overrightarrow{IP} = \frac{1}{3} \overrightarrow{IB}$
  - Déduire que  $(AI) \parallel (PM')$