

Exercice 1 :

Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes :

$$5x^2 - 2x - 7 \leq 0 \quad ; \quad -2x^2 + 5x + 3 > 0 \quad ; \quad -3x^2 + 7x - 5 < 0$$

Exercice 2 :

- Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $2x^2 - 5x + 3 = 0$
- Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $2x^2 - 5x + 3 < 0$
- Déduire dans \mathbb{R} les solutions de l'inéquation : $2(2x - 1)^2 - 5(2x - 1) + 3 < 0$

Exercice 3 :

- Résoudre dans \mathbb{R} les équations : $x^2 - 5x + 4 = 0$; $x^2 - 4x + 3 = 0$
 $x^2 - x - 2 = 0$; $x^2 - 5x + 6 = 0$
- Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations :

$$(x^2 - 5x + 4)(x^2 - 4x + 3) < 0 \quad ; \quad \frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 5x + 6} \geq 0 \quad ; \quad \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 4} > 0$$

Exercice 4 :

On considère le polynôme : $P(x) = 6x^3 - 13x^2 + 4$

- Montrer que 2 est une racine de $P(x)$
- Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $P(x) = 0$ puis l'inéquation : $P(x) \leq 0$
- Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $P(x) \leq 3x^2(x - 2)$

Exercice 5 :

On considère le polynôme : $P(x) = x^4 + 6x^3 + 11x^2 + 6x$

- Montrer que $P(x)$ est divisible par $(x + 1)$
- Ecrire $P(x)$ sous forme d'un produit de deux polynômes du premier degré et d'un polynôme de second degré
- Résoudre l'équation : $x^2 + 5x + 6 = 0$
- Résoudre les deux inéquations :

$$P(x) \leq 0 \quad ; \quad P(x) \leq x(x^2 + 5x + 6)$$

Exercice 1 :

- On considère l'équation : (E) $-2x^2 + \sqrt{2}x + 2 = 0$
 - Sans calculer le discriminant, montrer que l'équation (E) admet deux solutions distinctes α et β
 - Sans déterminer α et β , calculer $\alpha + \beta$, $\alpha \times \beta$, $\alpha^3 + \beta^3$ et $\alpha^2 + \alpha\beta + \beta^2$
- Résoudre dans \mathbb{R}^2 les deux systèmes : $\begin{cases} x + y = -2 \\ x \times y = -3 \end{cases}$ et $\begin{cases} x + y = 3 \\ x \times y = 4 \end{cases}$

Exercice 2 :

- Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $x^2 + 2x - 8 = 0$
- Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $\frac{2x^2 + x - 10}{x^2 - 4} \leq \frac{3}{2}$

Exercice 3 :

- Résoudre dans \mathbb{R}^2 le système : $\begin{cases} x + \frac{1}{2}y = 3 \\ 2x - y = -2 \end{cases}$
- Déduire dans \mathbb{R}^2 les solutions du système : $\begin{cases} x^2 + \frac{1}{2}y^2 = 3 \\ 2x^2 - y^2 = -2 \end{cases}$

Exercice 4 :

- Résoudre graphiquement le système : $\begin{cases} -x + 2y < 2 \\ x + 3y - 1 > 0 \end{cases}$
- Même question pour : $\begin{cases} 2x - y \geq 0 \\ 5x + 3y - 11 \leq 0 \\ x + 5y \geq 11 \end{cases}$

Exercice 5 :

- On considère le polynôme : $P(x) = -2x^3 + x^2 + 15x - 18$
- Trouver le polynôme $Q(x)$ tel que $P(x) = (x - 2)Q(x)$
 - Résoudre dans \mathbb{R} l'équation $-2x^2 - 3x + 9 = 0$
 - Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation $P(x) \leq 0$
 - Résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $-2|x|^3 + x^2 + 15|x| - 18 = 0$
 - Résoudre dans \mathbb{R} l'inéquation : $\frac{P(x)}{(x-1)} > 0$