

Exercice1 :

Soit n un entier naturel impair.

1. Montrer que n^2 est un nombre impair.
2. Montrer que $n^2 - 1$ est un multiple de 8
3. Montrer que $n^4 - 1$ est un multiple de 16

Exercice2 :

Soit P un polynôme définie par : $P(x) = x^3 - 2x^2 - 5x + 6$

1. Déterminer parmi les nombres 0 ; 1 ; 2 ; -2 ; 3 ceux qui sont des racines du polynôme P
2. Effectuer la division euclidienne de $P(x)$ par $x - 1$
3. Effectuer la division euclidienne de $P(x)$ par $x + 2$

Exercice3 :

1. Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes :

$$(E_1) : \frac{3x-5}{4} - \frac{4-x}{3} = -2x + \frac{7x-1}{6} ;$$

$$(E_2) : (\sqrt{7}x + 5\sqrt{2})^2 = 0 ;$$

$$(E_3) : 5x^2 - 2\sqrt{10}x + 2 = 0$$

$$(E_4) : (3 - \sqrt{2})x^2 - 4x + 5 = 0$$

2. Résoudre dans \mathbb{R}^2 les systèmes suivantes :

$$(S_1) : \begin{cases} 3x - 4y = 9 \\ 11x - 15y = 1 \end{cases}$$

$$(S_2) : \begin{cases} (3\sqrt{2} - 2)x + 7y = 0 \\ 2x + (3\sqrt{2} + 2)y = 5 \end{cases}$$

Exercice4 :

Soit x un réel de l'intervalle $\left] -\frac{\pi}{2}; 0 \right[$

On pose : $A(x) = \cos(x) \sin(x) \left(\tan x + \tan \left(\frac{\pi}{2} + x \right) \right)$

1. Montrer que $A(x) = \sin^2 x - \cos^2 x$

2. On suppose que : $A(x) = \frac{4}{5}$

Montrer que $\cos x = \frac{1}{\sqrt{10}}$. en déduire la valeur de $\tan x$

Exercice 5 :

Soit x une fonction définie par : $f(x) = \frac{1}{4x^2 - 1}$

1. Déterminer l'ensemble de définition de f .
2. Calcules l'image de 1 et $\sqrt{2}$ par f
3. Déterminer le nombre α tel que son image est $\frac{1}{3}$ par f
4. Résoudre l'inégalité $f(x) \geq 0$