

التمرين الأول : (5,6 ن)

1- أحسب مايلي :  $C = (1 - \sqrt{2})(2 - \sqrt{2})$  ;  $B = 3\sqrt{48} + 2\sqrt{27} - \sqrt{75}$  ;  $A = \left[ \left( \frac{1}{\sqrt{3}} \right)^{-1} + 2\sqrt{3} \right]^2$

$E = \frac{1}{3 - 2\sqrt{2}} - \frac{2}{\sqrt{2}}$  ;  $D = \sqrt{5 + 2\sqrt{5}} \times \sqrt{5 - 2\sqrt{5}}$

2- أنشر وبسط :  $(2 + \sqrt{6})^2$  ثم استنتج تبسيطا للعدد  $F = 2\sqrt{10} + 4\sqrt{6} - 2\sqrt{6}$

3- اوجد الكتابة العلمية للعدد :  $M = \frac{60 \times 10^{-4}}{0,003 \times 10^3}$

4- عمل ما يلي :  $N = (x - 5)(2x + 3) + (4 - x)(x - 5)$

التمرين الثاني : (4 ن)

قارن  $3\sqrt{6}$  و  $4\sqrt{3}$  ثم استنتج مقارنة  $-\frac{1}{4\sqrt{3}} + 7$  و  $-\frac{1}{3\sqrt{6}} + 7$

1-  $x$  و  $y$  عدنان حقيقيان حيث :  $1 \leq 2x - 5 \leq 3$  و  $-3 \leq y \leq -2$

أ- بين أن  $3 \leq x \leq 4$

ب- أطر كل من :  $x + y$  و  $x - y$  و  $xy$  و  $y^2$

التمرين الثالث : (5,3 ن)

ABC مثلث حيث  $AC = 8$  و  $AB = 4\sqrt{3}$  و  $BC = 4$

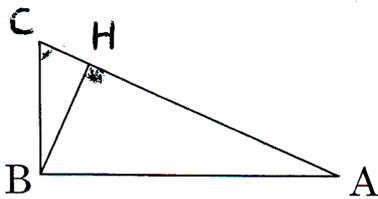
1- بين ان المثلث ABC قائم الزاوية .

2- أحسب النسب المتثلثة للزاوية ACB

3- لتكن H المسقط العمودي للنقطة B على (AC)

أ- بين أن  $CH = 2$

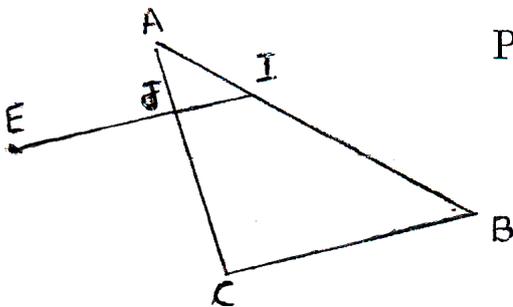
ب- احسب BH



التمرين الرابع : (2 ن)

1-  $\alpha$  قياس لزاوية حادة حيث  $\sin \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$  احسب  $\cos \alpha$  و  $\tan \alpha$

2- احسب :  $P = 3 \cos^2 32^\circ + \sin 29^\circ + 3 \cos^2 58^\circ - \cos 61^\circ$



التمرين الخامس : (5,2 ن)

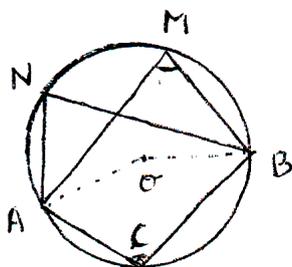
نعتبر الشكل جانبه :

$AJ = 1,5$  و  $BC = 4$  و  $AB = 8$  و  $AC = 6$

بحيث  $(BC) \parallel (IJ)$

1- أحسب AI و IJ

2- لتكن E نقطة من (IJ) حيث  $EJ = 3$  بين أن  $(EC) \parallel (AI)$



التمرين السادس : (5,1 ن)

نعتبر الشكل التالي حيث O مركز الدائرة

حيث  $\widehat{AMB} = 80^\circ$

أحسب  $\widehat{ACB}$  و  $\widehat{AOB}$  و  $\widehat{ANB}$

$$D = \sqrt{5^2 - (2\sqrt{5})^2}$$

$$D = \sqrt{25 - 20}$$

$$D = \sqrt{5}$$

$$E = \frac{1}{3-2\sqrt{2}} - \frac{2}{\sqrt{2}} \quad \text{لدينا.}$$

$$E = \frac{1 \times (3+2\sqrt{2})}{(3-2\sqrt{2})(3+2\sqrt{2})} - \frac{2 \times \sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}}$$

$$E = \frac{3+2\sqrt{2}}{3^2 - (2\sqrt{2})^2} - \frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{2}^2}$$

$$E = \frac{3+2\sqrt{2}}{9-8} - \frac{2\sqrt{2}}{2}$$

$$E = 3+2\sqrt{2} - 2\sqrt{2}$$

$$E = 3$$

(٤) أنشر وأبسط :

$$(2+\sqrt{6})^2 = 2^2 + 2 \times 2 \times \sqrt{6} + \sqrt{6}^2 \quad \text{لدينا.}$$

$$(2+\sqrt{6})^2 = 4 + 4\sqrt{6} + 6 = 10 + 4\sqrt{6}$$

$$F = 2\sqrt{10+4\sqrt{6}} - 2\sqrt{6} \quad \text{استنتاج.}$$

$$F = 2\sqrt{(2+\sqrt{6})^2} - 2\sqrt{6}$$

$$F = 2(2+\sqrt{6}) - 2\sqrt{6}$$

• التمرين 1 •

(1) أحسب مايلي :

$$A = \left[ \left( \frac{1}{\sqrt{3}} \right)^{-1} + 2\sqrt{3} \right]^2 \quad \text{لدينا.}$$

$$A = \left[ \sqrt{3} + 2\sqrt{3} \right]^2$$

$$A = (3\sqrt{3})^2$$

$$A = 27$$

$$B = 3\sqrt{48} + 2\sqrt{27} - \sqrt{75} \quad \text{لدينا.}$$

$$B = 3 \times \sqrt{16 \times 3} + 2 \times \sqrt{9 \times 3} - \sqrt{25 \times 3}$$

$$B = 3 \times 4\sqrt{3} + 2 \times 3\sqrt{3} - 5\sqrt{3}$$

$$B = 12\sqrt{3} + 6\sqrt{3} - 5\sqrt{3}$$

$$B = 13\sqrt{3}$$

$$C = (1-\sqrt{2})(2-\sqrt{2}) \quad \text{لدينا.}$$

$$C = 2 - \sqrt{2} - 2\sqrt{2} + \sqrt{2}^2$$

$$C = 2 - 3\sqrt{2} + 2$$

$$C = 4 - 3\sqrt{2}$$

$$D = \sqrt{5+2\sqrt{5}} \times \sqrt{5-2\sqrt{5}} \quad \text{لدينا.}$$

$$D = \sqrt{(5+2\sqrt{5})(5-2\sqrt{5})}$$

$$-\frac{1}{3\sqrt{6}} > -\frac{1}{4\sqrt{3}}$$

$$-\frac{1}{3\sqrt{6}} + 7 > -\frac{1}{4\sqrt{3}} + 7$$

(1) -f- لنبين أن  $3 < x < 4$  :

لدينا  $1 < 2x - 5 < 3$

$$1+5 < 2x - 5 + 5 < 3+5$$

$$\frac{1}{2}x ( 6 \leq 2x \leq 8 )$$

ومنه  $3 < x < 4$

(1) ب- لنأظر  $x+y$  و  $x-y$  و  $x-y$  و  $x-y$  :

لدينا  $3 < x < 4$

و  $-3 < y < -2$

إذن  $3 + (-3) < x + y < 4 + (-2)$

إذن  $0 < x + y < 2$

لكي نأظر  $x-y$  يجب أن نأظر  $x+(-y)$

لدينا  $3 < x < 4$  و  $-3 < y < -2$

إذن  $3 < x < 4$  و  $2 < -y < 3$

إذن  $2 + 3 < x + (-y) < 3 + 4$

إذن  $5 < x - y < 7$

$$F = 4 + 2\sqrt{6} - 2\sqrt{6}$$

$$F = 4$$

(3) الكتابة العلمية :

$$M = \frac{60 \times 10^{-4}}{0,003 \times 10^3}$$

لدينا

$$= \frac{6 \times 10^{-3}}{3 \times 10^0}$$

$$M = 2 \times 10^{-3}$$

(4) لتعمل العدد N :

$$N = (x-5)(2x+3) + (4-x)(x-5)$$

$$N = (x-5)[2x+3+4-x]$$

$$N = (x-5)(x+7)$$

● التمرين 2 ●

المقارنة :

$$(3\sqrt{6})^2 = 9 \times 6 = 54$$

$$(4\sqrt{3})^2 = 16 \times 3 = 48$$

بما أن العددين  $3\sqrt{6}$  و  $4\sqrt{3}$  موجبين

$$3\sqrt{6} > 4\sqrt{3}$$

فإن : استنتاج :

$$3\sqrt{6} > 4\sqrt{3}$$

لدينا حسب ما سبق :

$$-3\sqrt{6} < -4\sqrt{3}$$

$$\tan(\widehat{ACB}) = \frac{AB}{BC} = \frac{4\sqrt{3}}{4} = \sqrt{3}$$

لناظر  $xy$  :

(3) - أ - لنبين أن  $CH = 2$  :

$$\cos(\widehat{BCH}) = \frac{CH}{BC}$$

في المثلث  $HBC$  لدينا

$$\cos(\widehat{BCH}) = \frac{CH}{4}$$

أي

و بما أن  $\widehat{BCH} = \widehat{BCA}$  (زاويتان منطقتان)

$$\cos(\widehat{BCH}) = \cos(\widehat{BCA})$$

فإن

$$\frac{CH}{4} = \frac{1}{2}$$

أي

$$CH = 2$$

إذن  $CH = \frac{4}{2} = 2$  ومنه  $CH = 2$

(3) - ب - لنحسب  $BH$  :

في المثلث  $HBC$  القائم الزاوية في  $H$

حسب مبرهنة فيثاغورس المباشرة :

$$BC^2 = CH^2 + BH^2$$

$$4^2 = 2^2 + BH^2$$

$$16 - 4 = BH^2$$

$$12 = BH^2$$

$$\sqrt{12} = BH$$

إذن

$$2\sqrt{3} = BH$$

إذن

لدينا  $3 < x < 4$  و  $-3 < y < -2$

أي  $3 < x < 4$  و  $-3 < -y < 2$

إذن  $2 \cdot 3 < -xy < 3 \cdot 4$

إذن  $6 < -xy < 12$

$$-12 < xy < -6$$

لناظر  $y^2$  : لدينا  $-3 < y < -2$

إذن  $(-2)^2 < y^2 < (-3)^2$

$$4 < y^2 < 9$$

إذن

### التمرين 3

(1) لنبين أن  $ABC$  مثلث قائم الزاوية :

في المثلث  $ABC$  لدينا :  $AC^2 = 8^2 = 64$

و  $BC^2 + BA^2 = 4^2 + (4\sqrt{3})^2 = 16 + 48 = 64$

$$AC^2 = BC^2 + BA^2$$

أي

حسب مبرهنة فيثاغورس العكسية ،

المثلث  $ABC$  قائم الزاوية في  $B$  .

(2) لنحسب النسب المثلثية للزاوية  $\widehat{ACB}$  :

$$\sin(\widehat{ACB}) = \frac{AB}{AC} = \frac{4\sqrt{3}}{8} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\cos(\widehat{ACB}) = \frac{BC}{AC} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

$$\boxed{AI = 2} \quad \text{إذن } \frac{AI}{8} = \frac{1,5}{6}$$

$$\boxed{IJ = 1} \quad \text{و } \frac{IJ}{4} = \frac{1,5}{6}$$

(2) ليُبين أن  $(EC) \parallel (AI)$  :

في المثلث  $AJI$ ، لدينا  $AI \parallel EC$  و  $E \in (JI)$

$$\frac{JI}{JE} = \frac{1}{3} \quad \text{و}$$

$$\frac{JA}{AE} = \frac{1,5}{6-1,5} = \frac{1,5}{4,5} = \frac{1}{3} \quad \text{و}$$

$$\text{إذن : } \frac{JI}{JE} = \frac{JA}{AE} \quad \text{و النقط } J \text{ و } I$$

و  $E$  في نفس ترتيب النقط  $J$  و  $A$  و  $C$ .

حسب مبرهنة طاليس ع:  $(EC) \parallel (AI)$

### التمرين 6

لنحسب  $\widehat{ANB}$ : الزاويتان  $\widehat{AMB}$  و  $\widehat{ANB}$

محيطيتان، وتحصران نفس القوس  $\widehat{AB}$

$$\widehat{ANB} = \widehat{AMB} = 80^\circ \quad \text{إذن :}$$

لنحسب  $\widehat{AOB}$ : الزاوية  $\widehat{AOB}$  مركزية

و مرتبطة بالزاوية المحيطية  $\widehat{AMB}$  وتحصران

$$\widehat{AOB} = 2\widehat{AMB} = 160^\circ \quad \text{إذن :}$$

$$\widehat{ACB} = \frac{360^\circ - 160^\circ}{2} \quad \text{لدينا :}$$

$$\boxed{\widehat{ACB} = 100} \quad \text{إذن}$$

### التمرين 4

(1) لنحسب  $\cos(d)$  و  $\tan(d)$   
نعلم أن  $\cos^2(d) + \sin^2(d) = 1$

$$\cos^2(d) = 1 - \sin^2(d)$$

$$\cos^2(d) = 1 - \left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2$$

$$\cos^2(d) = 1 - \frac{3}{9} = 1 - \frac{1}{3}$$

$$\cos^2(d) = \frac{2}{3}$$

$$(\cos(d) > 0) \quad \cos(d) = \sqrt{\frac{2}{3}}$$

$$\boxed{\cos(d) = \frac{\sqrt{6}}{3}} \quad \text{إذن}$$

$$\tan(d) = \frac{\sin(d)}{\cos(d)} \quad \text{لدينا}$$

$$= \frac{\sqrt{3}/3}{\sqrt{6}/3}$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{3} \times \frac{3}{\sqrt{6}}$$

$$\tan(d) = \frac{\sqrt{2}}{2} \quad \text{إذن}$$

### التمرين 5

(1) لنحسب  $AI$  و  $IJ$  :

في المثلث  $ABC$ ، لدينا  $\begin{cases} I \in (AB) \\ J \in (AC) \\ (IJ) \parallel (BC) \end{cases}$

إذن حسب مبرهنة طاليس المباشرة :

$$\frac{AI}{AB} = \frac{AJ}{AC} = \frac{IJ}{BC}$$

$$\frac{AI}{8} = \frac{1,5}{6} = \frac{IJ}{4}$$