

Examen normalisé N° 14

Exercice 1**1**-Calculer et réduire :

► A = $\sqrt{2} \times \sqrt{4,5}$
 ► B = $\sqrt{54} + \sqrt{600} - 5\sqrt{24}$
 ► C = $\frac{1}{\sqrt{6} + \sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}}$

2 Donner l'écriture scientifique de :

$$D = 3 \times 10^{-6} \times 15 \times 10^{10}$$

3 On considère le nombre

$$E = (2 + \sqrt{3})^2 - (1 - \sqrt{3})^2$$

- (a) Développer E.
- (b) Factoriser E.

Exercice 2**1** Comparer : 7 et $4\sqrt{3}$.**2** a et b deux nombres réels tels que :

$$\begin{aligned} 1 &\leq a \leq 3 \\ -6 &\leq b \leq -2 \end{aligned}$$

2 (a) Encadrer :

► $a + b$
 ► $a - b$
 ► ab

(b) Montrer que :

$$0 \leq \frac{a^2 + b^2 - 5}{20} \leq 2$$

Exercice 3

► Dans la figure ci-contre (EF)//(BC) et

$$AE = 2\text{cm}, AB = 5\text{cm} \text{ et } BC = 6\text{cm}$$

1 Calculer EF.**2** M un point de [AB] et N un point de [CB] tel que :

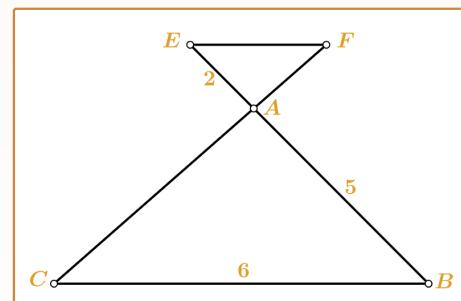
$$BM = 1\text{cm} \text{ et } BN = 1,2\text{cm}$$

(a) Montrer que :

$$(MN) // (AC)$$

(b) Montrer que :

$$AC = 5MN$$



Exercice 4

ABC est un triangle tels que :

$$AB = 2\text{cm}, AC = 2\sqrt{3}\text{cm} \text{ et } BC = 4\text{cm}.$$

- 1 Montrer que : ABC est un triangle rectangle en A.

a Calculer :

$$\sin(\widehat{ABC}), \cos(\widehat{ABC}) \text{ et } \tan(\widehat{ABC}).$$

b Déduire la mesure de l'angle \widehat{ABC} .

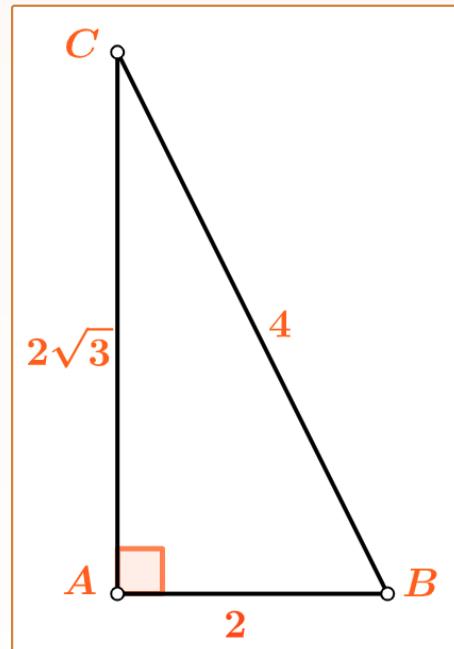
- 2 α est la mesure d'un angle aigu et non nul, tel que :

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{15}}{4}$$

Calculer $\sin \alpha$.

- 3 Calculer :

$$K = \cos^2 87^\circ + 4 \cos^2 60^\circ + \frac{\sin 10^\circ}{\cos 10^\circ} \times \tan 80^\circ + \cos^2 3^\circ$$

**Exercice 5**

Dans la figure ci-contre ;

O est le centre d'un cercle et $\widehat{ADC} = 80^\circ$ et $\widehat{BOC} = 160^\circ$.

- 1 Calculer \widehat{ABC} .
2 Calculer \widehat{BAC} .
3 Montrer que :

$$AC = BC$$

