

**Répondre par vrai ou faux aux questions suivantes :**

- Le nombre  $2021^{2020} + 2019^{2021}$  est un nombre pair
- Le nombre 2021 est un nombre premier
- La somme de deux fonctions paires est une fonction paire
- La somme de deux polynômes de même degré est un polynôme de même degré
- La somme de deux fonctions croissantes sur un intervalle  $I$  est une fonction croissante sur  $I$
- Le produit de deux nombres pairs est un nombre pair
- Le produit de deux fonctions impaires est une fonction impaire
- Le produit de deux polynômes  $P$  et  $Q$  est un polynôme de degré  $\deg(P) \times \deg(Q)$
- Le produit scalaire de deux vecteurs est un vecteur
- Il existe un nombre naturel entre 2020 et 2021
- Il existe un nombre rationnel entre 2020 et 2021
- Il existe un nombre irrationnel entre 2020 et 2021
- L'inverse du nombre  $2 - \sqrt{3}$  est le nombre  $2 + \sqrt{3}$
- Si  $\vec{u} = \frac{1-\sqrt{3}}{2} \vec{AB}$  alors  $\|\vec{u}\| = \frac{1-\sqrt{3}}{2} AB$
- Si  $\vec{u} \cdot (\vec{v} - \vec{w}) = 0$  alors  $\vec{u} = 0$  ou  $\vec{v} = \vec{w}$
- Si  $x \in ]-1; 3]$  alors  $1 < x^2 \leq 9$  et  $1 < |x| \leq 3$
- Si  $a \in ]-5; 3]$  et  $b \in ]2; 7]$  alors  $-\frac{5}{3} < \frac{a}{b} \leq \frac{3}{7}$  et  $-10 < ab \leq 21$
- Le polynôme  $x^3 + 3x^2 - 5x - 6$  est divisible par  $x + 2$
- L'équation :  $10x^2 - x - 3 = 0$  admet deux solutions distinctes
- Le système  $\begin{cases} 2x + y = 1 \\ x - 3y = -5 \end{cases}$  /  $(x; y) \in \mathbb{R}^2$  n'a pas de solutions
- Si  $x \in \left] \frac{2\pi}{3}; \pi \right]$  alors  $\cos(x) < 0$
- Si  $x \in \left[ \frac{11\pi}{2}; 6\pi \right]$  alors  $\sin(x) \geq 0$

- Si  $x \in \left[ \frac{7\pi}{6}; \frac{3\pi}{2} \right[$  alors  $\tan(x) \leq 0$
- $\sin(-2020\pi) = 0$  ;  $\cos(2020\pi) = 1$  et  $\tan(-2020\pi) = -1$
- $\sin(2021\pi) = 1$  ;  $\cos(2023\pi) = 0$  et  $\tan(2027\pi) = 1$
- Le nombre  $\frac{5\pi}{6}$  est une solution de l'équation :  $\sin\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$
- Le nombre  $\frac{7\pi}{4}$  est une solution de l'inéquation :  $\cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) < \frac{\sqrt{3}}{2}$
- Si  $(\vec{u}; \vec{v}) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$  et  $(\vec{u}; \vec{w}) \equiv -\frac{11\pi}{3} [2\pi]$  alors  $\vec{v}$  et  $\vec{w}$  ont le même sens

- La valeur maximale de la fonction  $x \mapsto \frac{1}{1+\sqrt{x}}$  est 1 sur  $[0; +\infty[$
- La valeur minimale de la fonction  $x \mapsto \frac{1}{1+\sqrt{x}}$  est 0 sur  $[0; +\infty[$
- La fonction  $f: x \mapsto x^4 - 8|x| + 5 \cos(x) - 3$  est une fonction paire
- La fonction  $f: x \mapsto \frac{7x}{1+x^2} - 4 \sin(3x) + 2$  est une fonction impaire
- La fonction  $f: x \mapsto \frac{1}{1+x^2}$  est une fonction croissante sur  $[0; +\infty[$
- La fonction  $f: x \mapsto x^2 - 6x + 1$  est décroissante sur  $] -\infty; 3]$
- Si une fonction  $f$  est paire et décroissante sur  $[2; 5[$  alors la fonction  $f$  est décroissante sur  $] -5; -2]$
- Si une fonction  $f$  est impaire et croissante sur  $[2; +\infty[$  alors la fonction  $f$  est décroissante sur  $] -\infty; -2]$

Le plan est rapporté à un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

- Les points  $A(-1; -7)$  ;  $B(2; -3)$  et  $C(1; 4)$  sont alignés
- Le point  $A(-1; -7)$  appartient à la droite passant par le point  $B(2; -3)$  et de vecteur directeur  $\vec{u}(5; 6)$
- Le vecteur  $\vec{v}(2; -1)$  est un vecteur directeur de la droite d'équation  $2x + 4y + 3 = 0$
- Les droites  $(\Delta): 2x - y + 13 = 0$  et  $(\Delta'): x + 2y - 5 = 0$  sont perpendiculaires
- Les droites  $(BC)$  et  $(D): \begin{cases} x = 3t - 2 \\ y = 8t \end{cases} / (t \in \mathbb{R})$  sont parallèles
- L'équation de  $(EF)$  est  $2x + y - 3 = 0$  avec  $E(2; -1)$  et  $F(1; 1)$