



**Questions indépendantes (6 p)**

1) Déterminer le domaine de définition des fonctions suivantes définies par :

3 a)  $f(x) = \frac{2x}{x^2 - x}$     b)  $g(x) = \sqrt{x^2 - x - 2}$     c)  $h(x) = \frac{\sqrt{x-1}}{x-4}$ .

2)  $ABC$  est triangle. Le point  $D$  est l'image de  $A$  par la translation de vecteur  $\overrightarrow{BC}$ . Le point  $I$  est le milieu de  $[AB]$ . Déterminer le point  $J$  l'image de  $I$  par  $t_{\overrightarrow{BC}}$ .

3) Soit  $ABC$  un triangle tel que  $\hat{A} = 60^\circ$ ,  $AB = 3$  et  $AC = 4$ .  
Calculer la distance  $BC$ .

4) Montrer que  $\pi$  est une période de la fonction  $f$  définie par :

$$f(x) = \sin x \cos x.$$

**Exercice (1) (6,5 p)**

On considère la fonction  $f$  définie par :  $f(x) = x^2 - 4x + 3$ .

Soit  $(C)$  la courbe représentative de  $f$  dans un repère orthonormé  $(O, I, J)$ .

1) Montrer que  $f(x) = (x-2)^2 - 1$ .

2) Etudier les variations de  $f$  sur chacun des intervalles  $[2; +\infty[$  et  $] -\infty; 2]$ .

3) Construire le tableau de variations de  $f$ .  
En déduire la valeur minimale de  $f$ .

4) Calculer  $f(0)$ ,  $f(1)$  et  $f(3)$ .

5) Construire  $(C)$  la courbe de  $f$ .

6) Résoudre graphiquement l'inéquation  $f(x) \leq 0$ .

**Exercice (2) (6 p)**

Soit  $ABCD$  un trapèze dont les bases  $[AB]$  et  $[CD]$  ont pour milieux respectifs  $I$  et  $J$  et telles que  $AB = 4$  et  $CD = 6$ . On note  $O$  le point d'intersection des droites  $(AD)$  et  $(BC)$ .

On note  $h$  l'homothétie de centre  $O$  qui transforme  $A$  en  $D$ .

0,5 1) En utilisant le théorème de Thalès montrer que  $\frac{OA}{OD} = \frac{AB}{DC}$ .

1 2) Montrer que le rapport de  $h$  est  $\frac{3}{2}$ .

1 3) Montrer que  $h(B) = C$ .

1,5 4) Montrer que  $h(I) = J$ . En déduire que les points  $O$ ,  $J$  et  $I$  sont alignés.

5) Soit  $K$  est le point d'intersection des diagonales  $[AC]$  et  $[BD]$ . On considère l'homothétie  $h'$  de centre  $K$  qui transforme  $A$  en  $C$ .

1 a) Montrer que le rapport de  $h'$  est  $-\frac{3}{2}$ .

1 b) Montrer que les points  $O$ ,  $I$ ,  $K$  et  $J$  sont alignés

**Exercice (3) (1,5)**

La figure représente un rectangle  $ABCD$  tel que  $AB = 5$  et  $BC = 3$ . Un triangle  $ABF$  équilatéral et  $BCE$  un triangle rectangle et isocèle de sommet  $C$ . Soit  $H$  le milieu du segment  $[AB]$ .

Calculer les produits scalaires suivants :

- 1,5
- $\vec{AB} \cdot \vec{AH}$
  - $\vec{AB} \cdot \vec{AF}$
  - $\vec{BD} \cdot \vec{CE}$
  - $\vec{BE} \cdot \vec{BA}$

