#### Exercice 01:

Soit ABC un triangle, I le milieu de BC,

On donne :  $\widehat{AIB} = 60^{\circ}$  ; BI = CI = 2 et AI = 3 Calculer:

 $\overrightarrow{AB}.\overrightarrow{AC}$  ;  $AB^2 + AC^2$  ;  $AB^2 - AC^2$  ;  $AB \ et \ AC$ 

### Exercice 02:

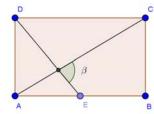
Soient ABC un triangle équilatéral de coté 5 cm, I est le milieu de  $\begin{bmatrix} BC \end{bmatrix}$ 

Calculer les produits scalaires suivants:

 $\overrightarrow{BA}.\overrightarrow{BC}$  ;  $\overrightarrow{CA}.\overrightarrow{CI}$  ;  $(\overrightarrow{AB}-\overrightarrow{AC}).\overrightarrow{AI}$ 

### Exercice 03:

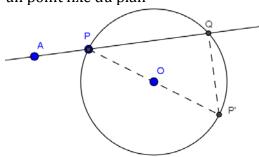
Soit ABCD un rectangle tel que AD = 3 et AB = 5. E est le milieu de AB



- 1. Calculer les longueurs AC et DE
- 2. En exprimant chacun des vecteurs  $\overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{DE}$  en fonction des vecteurs  $\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AD}$ , calculer le produit scalaire  $\overrightarrow{AC}.\overrightarrow{DE}$
- 3. En déduire la valeur de l'angle  $\left(\widehat{\overrightarrow{DE},\overrightarrow{AC}}\right)$  en degré

# Exercice 04:

(C) est un cercle de centre O , de rayon r et A un point fixé du plan



Le but du problème est d'établir la propriété suivante:

Quelle que soit la droite (D) passant par A, coupant le cercle (C) en deux points PetQ, le produit scalaire  $\overrightarrow{AP}.\overrightarrow{AQ}$  est constant.

- 1. Soit P' le point diamétralement opposé à P . Démontrer que  $\overrightarrow{AP}.\overrightarrow{AQ} = \overrightarrow{AP}.\overrightarrow{AP}'$
- 2. Démontrer que  $\overrightarrow{AP}.\overrightarrow{AP'} = AO^2 r^2$
- 3. conclure

#### Exercice 05:

Le but de cet exercice est de démontrer, à l'aide du produit scalaire, que les hauteurs d'un triangle sont concourantes.

Soit ABC un triangle. On note A', B'etC' les projetés orthogonaux respectifs de A, BetC sur (BC), (AC) et (AB)). On note H le point d'intersection de (AA') et (BB')

(on ne sait pas encore que  $H \in (CC')$ ).

- 1. Justifier les valeurs des produits scalaires  $\overrightarrow{BH}.\overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{CH}.\overrightarrow{AB}$
- 2. Calculer  $\overrightarrow{AH}.\overrightarrow{BC}$  (décomposer  $\overrightarrow{BC}$  ) .Conclure.
- 3. En déduire que  $\frac{AB}{AB'} = \frac{AC}{AC'}$

#### Exercice 06:

Soit un triangle ABC et K le projeté orthogonal de A sur (BC) On donne AB = 6, BK = 4 et KC = 7.

- 1. I est le milieu de  $\left[BC\right]$  et G le centre de gravité du triangle ABC . Faire une figure.
- 2. Calculer les produits scalaires suivants :  $\overrightarrow{BA}.\overrightarrow{BC}$ ,  $\overrightarrow{BC}.\overrightarrow{CA}$ ,  $\overrightarrow{IG}.\overrightarrow{IB}$ , ainsi que la somme :  $\overrightarrow{GA}.\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{GB}.\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{GC}.\overrightarrow{AC}$ .
- 3. Déterminer et représenter l'ensemble des points M du plan tel que :  $\overrightarrow{BM}.\overrightarrow{BC} = 44$
- 4. Déterminer et représenter l'ensemble des points M du plan tel que :  $(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}).\overrightarrow{AC} = 0$ .

## Exercice 07.

[AB] est un segment de milieu I et AB = 2 cm

- 1. Démontrer que, pour tout point M du plan :  $MA^2 MB^2 = 2\overrightarrow{IM}.\overrightarrow{AB}$ .
- 2. Trouver et représenter l'ensemble des points M du plan tels que :  $MA^2 MB^2 = 14$

## Exercice 08:

On considère un segment [AB] avec  $AB = 10 \ cm$ .

Déterminer l'ensemble des points M tels que :

- 1.  $\overrightarrow{MA}.\overrightarrow{MB} = 1$ .
- 2.  $MA^2 + MB^2 = 5$ .

## Exercice 09:

- 1. Soit  $\overrightarrow{ABCD}$  un rectangle de centre I et M un point quelconque du plan. Démontrer que :
- $MA^2 + MC^2 = MB^2 + MD^2$ .
- 2. Soit *ABCD* un parallélogramme. A quelle condition sur le quadrilatère *ABCD* on t-on

 $MD^2 - MC^2 = MA^2 - MB^2$  pour tout point M du plan.