

Module M2 : Physique 1
Mécanique du Point Matériel
Contrôle final. (1h 30 mn)

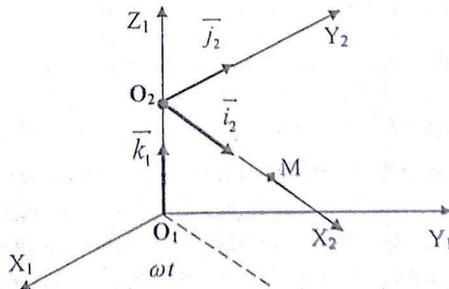
Exercice 1 (10 points)

Dans un repère galiléen $R(O; X, Y, Z)$ muni d'une base orthonormée directe $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, une particule M de masse m est repérée à chaque instant t par: $\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j} = t\vec{i} + 2(t^2 + 1)\vec{j}$

- 1) Trouver l'équation de la trajectoire de M.
- 2) En déduire la nature de la trajectoire de M.
- 3) Dans la base $(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$,
 - a) exprimer le vecteur vitesse \vec{V} de la particule M. En déduire son module V .
 - b) exprimer le vecteur accélération $\vec{\gamma}$ de la particule M. En déduire son module γ .
 - c) donner l'expression de la résultante \vec{F} de toutes les forces exercées sur M dans R.
- 4) Montrer que \vec{F} est une force conservative. En déduire l'énergie potentielle E_p dont dérive \vec{F} . On désignera par K la constante d'intégration.
- 5) Déterminer l'expression du travail $W_{A \rightarrow B}$ effectué par \vec{F} entre les points A(0,2) et B(1,4).
- 6) Donner l'expression de l'énergie cinétique E_c de M en fonction de m et x .
- 7) En appliquant le théorème de l'énergie cinétique, retrouver l'expression du travail $W_{A \rightarrow B}$.
- 8) Trouver l'expression de l'énergie mécanique E_m de la particule M en fonction de m et K.

Exercice 2 (10 points)

Dans un référentiel galiléen $R_1(O_1; X_1, Y_1, Z_1)$ muni d'une base orthonormée directe $(\vec{i}_1, \vec{j}_1, \vec{k}_1)$, on considère un axe rigide $\vec{O_2X_2}$ horizontal de masse négligeable. L'axe $\vec{O_2X_2}$ tourne autour de $\vec{O_1Z_1}$ avec une vitesse angulaire constante $\vec{\omega} = \omega\vec{k}_1$. Soit le repère mobile $R_2(O_2; X_2, Y_2, Z_1)$ muni d'une base orthonormée directe $(\vec{i}_2, \vec{j}_2, \vec{k}_1)$. Le point O_2 est en mouvement sur l'axe $\vec{O_1Z_1}$ tel qu'à chaque instant t : $\vec{O_1O_2} = at\vec{k}_1$ (a est une constante >0). Un point matériel M de masse m se déplace sur l'axe $\vec{O_2X_2}$ tel qu'à chaque instant t : $\vec{O_2M} = bt\vec{i}_2$ (b est une constante positive).



Dans la base $(\vec{i}_2, \vec{j}_2, \vec{k}_1)$,

- 1) exprimer toutes les forces exercées sur M dans le repère mobile $R_2(O_2; X_2, Y_2, Z_1)$.
- 2) écrire la relation fondamentale de la dynamique dans $R_2(O_2; X_2, Y_2, Z_1)$
- 3) donner les projections orthogonales de cette relation suivant les trois axes du repère $R_2(O_2; X_2, Y_2, Z_1)$
- 4) en déduire l'expression de la réaction \vec{R} exercée par l'axe $\vec{O_2X_2}$ sur M.
- 5) retrouver l'expression de la réaction \vec{R} en appliquant le principe fondamental de la dynamique dans le repère R_1 .